## министерство просвещения российской федерации

## Министерство образования, науки и молодежной политики Краснодарского края

## Управление образования Кавказского района СОШ №14

—————————————————————————————————————	-
директор школы	
УТВЕРЖДЕНО	

### РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

учебного предмета «Математическое моделирование. Базовый уровень» для обучающихся 10 классов

ст.Кавказская 2023

#### ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Настоящая рабочая программа элективного курса «Математическое моделирование» для 10-х и 11-х классов составлена на основе программы авторского курса Генералова Г.М. «Математическое моделирование» и опубликованной в сборнике элективных курсов в профильном обучении (Сборник примерных рабочих программ. Элективные курсы для профильной школы: учебное пособие для общеобразовательных организаций / [Н.В. Антипова и др.] – М.: Просвещение, 2019. – 187.).

Учебно-методическое обеспечение курса включает в себя программу элективного курса и учебное пособие для учащихся (Генералов Г.М. Математическое моделирование. 10-11 классы. Учебное пособие – М.: Просвещение, 2020-159.)

Элективный курс направлен на реализацию учебного плана технического, естественно-научного, социально-экономического, гуманитарного, универсального и других профилей на уровне среднего общего образования.

Изучение данного элективного курса позволит учащимся с большим интересом относится к школьному курсу математики, как необходимому фундаменту для формирования практических навыков, предоставляющих большие возможности приобретения современных профессий (совмещённые специальности «математиканалитик», «математик-программист» и др. Навыки, полученные при обучении математическому моделированию, повысят уровень подготовки учащихся к государственной итоговой аттестации по математике.

Элективный курс «Математическое моделирование» способствует развитию логического мышления учащихся, намечает и использует целый ряд межпредметных связей, имеет прикладную направленность с учетом на методический аспект моделирования и интерпретации моделей.

**Цель курса**: оказать помощь учащимся 10-11-х классов в выборе современных профессий, требующих теоретических знаний и элементарных практических навыков по формированию экономико-математических моделей, их анализу и использованию для принятия управленческих решений.

### Задачи курса:

- ознакомить учащихся с сущностью, познавательными возможностями и практическим значением моделирования как одного из научных методов познания реальности;
- дать представление о наиболее распространённых математических методах, используемых для формализации экономико-математических моделей;
- научить интерпретировать результаты экономико-математического моделирования и применять их для обоснования конкретных хозяйственных решений;
- сформировать базу для дальнейшего изучения приложений экономикоматематическому моделированию и выполнения индивидуального проекта по данному направлению.

#### Основные идеи курса:

- внутри- и межпредметная интеграция;
- взаимосвязь науки и практики;
- взаимосвязь человека и окружающей среды.

**Формы контроля за усвоением материала**. Текущий контроль может осуществляться в форме отчётов о выполнении практических заданий; итоговый контроль - в форме дифференцированного зачёта или защиты индивидуального проекта.

#### ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ ЭЛЕКТИВНОГО КУРСА

Изучение математики по данной программе способствует формированию у учащихся личностных, метапредметных и предметных результатов обучения, соответствующих требованиям федерального государственного образовательного стандарта среднего образования.

#### личностные:

- 1. ориентация обучающихся на реализацию позитивных жизненных перспектив, инициативность, креативность, готовность и способность к личностному самоопределению, способность ставить цели и строить жизненные планы;
- 2. готовность и способность обучающихся к саморазвитию и самовоспитанию в соответствии с общечеловеческими ценностями и идеалами гражданского общества;
- 3. нравственное сознание и поведение на основе усвоения общечеловеческих ценностей, толерантного сознания и поведения в поликультурном мире, готовности и способности вести диалог с другими людьми, достигать в нем взаимопонимания, находитьобщие цели и сотрудничать для их достижения;
- 4. принятие гуманистических ценностей, осознанное, уважительное и доброжелательное отношение к другому человеку, его мнению, мировоззрению;
- 5. развитие компетенций сотрудничества со сверстниками, детьми младшего возраста, взрослыми в образовательной, общественно полезной, учебно-исследовательской, проектной и других видах деятельности.
- 6. мировоззрение, соответствующее современному уровню развития науки, значимости науки, готовность к научно-техническому творчеству, владение достоверной информацией о передовых достижениях и открытиях мировой и отечественной науки, заинтересованность в научных знаниях об устройстве мира и общества;
- 7. готовность и способность к образованию, в том числе самообразованию, на протяжении всей жизни; сознательное отношение к непрерывному образованию как условию успешной профессиональной и общественной деятельности;
- 8. осознанный выбор будущей профессии как путь и способ реализации собственных жизненных планов;
- 9. готовность обучающихся к трудовой профессиональной деятельности как к возможности участия в решении личных, общественных, государственных, общенациональных проблем;
- 10. потребность трудиться, уважение к труду и людям труда, трудовым достижениям, добросовестное, ответственное и творческое отношение к разным видам трудовой деятельности;
- 11. готовность к самообслуживанию, включая обучение и выполнение домашних обязанностей.
- 12. физическое, эмоционально-психологическое, социальное благополучие обучающихся в жизни образовательной организации, ощущение детьми безопасности и психологического комфорта, информационной безопасности.

*Метапредметные* результаты освоения основной образовательной программы представлены тремя группами универсальных учебных действий (УУД):

- регулятивные универсальные учебные действия выпускник научится:
- 1. самостоятельно определять цели, задавать параметры и критерии, по которым можно определить, что цель достигнута;
- 2. оценивать возможные последствия достижения поставленной цели в деятельности, собственной жизни и жизни окружающих людей, основываясь на соображениях этики и морали;

- 3. ставить и формулировать собственные задачи в образовательной деятельности ижизненных ситуациях;
- 4. оценивать ресурсы, в том числе время и другие нематериальные ресурсы, необходимые для достижения поставленной цели;
- 5. выбирать путь достижения цели, планировать решение поставленных задач, оптимизируя материальные и нематериальные затраты;
- 6. организовывать эффективный поиск ресурсов, необходимых для достиженияпоставленной цели;
  - 7. сопоставлять полученный результат деятельности с поставленной заранее пелью.

# • познавательные универсальные учебные действия выпускник научится:

- 1. искать и находить обобщенные способы решения задач, в том числе, осуществлять развернутый информационный поиск и ставить на его основе новые (учебные и познавательные) задачи;
- 2. критически оценивать и интерпретировать информацию с разных позиций, распознавать и фиксировать противоречия в информационных источниках;
- 3. использовать различные модельно-схематические средства для представления существенных связей и отношений, а также противоречий, выявленных в информационных источниках;
- 4. находить и приводить критические аргументы в отношении действий и суждений другого; спокойно и разумно относиться к критическим замечаниям в отношении собственного суждения, рассматривать их как ресурс собственного развития;
- 5. выходить за рамки учебного предмета и осуществлять целенаправленный поиск возможностей для широкого переноса средств и способов действия;
- 6. выстраивать индивидуальную образовательную траекторию, учитывая ограничения со стороны других участников и ресурсные ограничения;
  - 7. менять и удерживать разные позиции в познавательной деятельности.

# • коммуникативные универсальные учебные действия выпускник научится:

- 1. осуществлять деловую коммуникацию, как со сверстниками, так и со взрослыми (как внутри образовательной организации, так и за ее пределами), подбирать партнеров для деловой коммуникации исходя из соображений результативности взаимодействия, ане личных симпатий;
- 2. при осуществлении групповой работы быть как руководителем, так и членом команды в разных ролях (генератор идей, критик, исполнитель, выступающий, эксперт и т.д.);
- 3. координировать и выполнять работу в условиях реального, виртуального и комбинированного взаимодействия;
- 4. развернуто, логично и точно излагать свою точку зрения с использованием адекватных (устных и письменных) языковых средств;
- 5. распознавать конфликтогенные ситуации и предотвращать конфликты до их активной фазы, выстраивать деловую и образовательную коммуникацию, избегая личностных оценочных суждений.

### Предметные результаты:

выпускник научится понимать:

- основные задачи, решаемые с помощью экономико-математического моделирования;
- роль метода моделирования в процессе познания экономической реальности и подготовки управленческих решений;

- условия и границы применимости моделирования;
- риски, связанные с принятием хозяйственных решений с помощью экономико- математических моделей.

выпускник получит возможность научиться:

- использовать условия применения математических методов (линейного программирования, нелинейного программирования, динамического программирования) для формализации экономических процессов;
- представлять экономико-математические модели в объёме, достаточном для понимания их экономического смысла;
  - формулировать простейшие прикладные экономико-математические модели;
- самостоятельно составлять, решать и интерпретировать простейшие практически значимые экономико-математические модели;
  - обосновывать хозяйственные решения на основе результатов моделирования;
  - работать в табличном процессоре MS Excel.

### СОДЕРЖАНИЕ ЭЛЕКТИВНОГО КУРСА

### Введение. Профессия математика-аналитика: наука и искусство (2 ч)

Математическое моделирование в современных профессиях и естествознании. Сфера и границы применения экономико-математического моделирования. Умение составлять математические модели и анализировать их, рассчитывать прогнозы развития социально-экономических процессов с высокой степенью точности — главная профессиональная компетенция в совмещённых профессиях нового поколения.

Определение математической модели. Классификация математических моделей. Этапы экономико-математического моделирования. Понятие экономико-математической модели. Типичные задачи, решаемые при помощи моделирования. Условия применимости, преимущества и недостатки метода моделирования. Общий алгоритм составления модели социально-экономических процессов.

# **Тема 1.** Линейное программирование: искусство планирования бизнеса (12 ч)

Математическая постановка задачи линейного программирования. Применение линейного программирования математических моделях оптимального планирования. Общая формулировка линейного задачи программирования. Принцип оптимальности в планировании и управлении. Принципы построения системы ограничений задаче линейного программирования. Формулирование целевой функции зависимости управленческих требующих решения проблем реальных сошиальноэкономических ситуациях.

Методы решения задач линейного программирования. Общая постановка задачи линейного программирования с двумя и тремя переменными. Графический метод решениязадачи линейного программирования. Область допустимых решений. Оптимальный план. Примеры решения графическим методом задач линейного программирования размерности два и три. Решение задач линейного программирования в MS Excel.

Примеры экономических ситуаций, сводящихся к задачам линейного программирования.

Задача составления плана производства. Постановка проблемы. Формирование системы ограничений и целевой функции. Разбор примеров.

Задача о рационе. Постановка проблемы. Формирование системы ограничений и целевой функции. разбор примеров.

*Транспортная задача*. Постановка проблемы. Формирование системы ограниченийи целевой функции. разбор примеров.

Задача комплексного использования сырья на примере рационального раскроя материала. Постановка проблемы. Формирование системы ограничений и целевой функции. разбор примеров.

Задача загрузки оборудования. Постановка проблемы. Формирование системы ограничений и целевой функции. Разбор примеров.

Дополнительные задачи. Задания на актуализацию знаний школьного курса математики; задания на составление математической модели реальной ситуации; решение задачи линейного программирования графическим методом, решение задач в MS Excel.

### Тема 2. Временные ряды: искусство прогнозирования (10 ч)

Понятие временного ряда. Примеры построения моделей временного ряда.

Условия применения моделей временных рядов. Виды рядов. Характеристика рядов.

*Методы анализа временных рядов. Прогнозирование.* Метод скользящего среднего.

Метод избранных точек. Построение тренда. Анализ временного ряда в MS Excel.

Построение тренда методом наименьших квадратов. Расчёт коэффициентов линейного, параболического и гиперболических трендов. Построение тренда в MS Excel.

# **Тема 3.** Некоторые прикладные модели: тактика и стратегия успеха (10 ч)

Применение математического анализа и геометрии к экономике. Предельные величины. Модель спроса и предложения. Модель управления запасами. Графы. Дерево решений. Задача о соединении городов. Кратчайший путь. Критический путь. Элементы теории игр в задачах.

No	Тема	Основное содержание	Количест
$\Pi/\Pi$			во часов
Введение. Профессия математика-аналитика: наука и искусство			
1	Математическое	Сфера и границы применения экономико-	1
	моделирование в	математического моделирования. Умение	
	современных профессияхи	составлять математические модели и	
	естествознании	анализировать их, рассчитывать прогнозы	
		развития социально-экономических	
		процессов с высокой степенью	

2	Опрананачу	Понатио	1		
	Определение математической модели.	Понятие экономико-математической	1		
	Классификация	модели. Типичные задачи, решаемые при помощи моделирования. Условия			
	математических моделей.	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·			
	Этапы экономико-	применимости, преимущества и			
		недостатки метода моделирования. Общий			
	математического	алгоритм составления модели социально-			
	моделирования	экономических процессов	12		
Тема 1. Линейное программирование: искусство планирования бизнеса					
3	Математическая	Применение линейного программированияв	1		
	постановка задачи	математических моделях оптимального	1		
	линейного	планирования. Общая формулировказадачи			
	программирования	линейного программирования. Принцип			
	программирования	оптимальности в планировании и			
		<u> </u>			
		управлении. Принципы построения			
		системы ограничений в задаче линейного			
		программирования. Формулирование			
		целевой функции в зависимости от			
		требующих решения управленческих			
		проблем в реальных социально-			
	) N	экономических ситуациях			
4	Методы решения задач	Общая постановка задачи линейного	2		
	линейного	программирования с двумя и тремя			
	программирования	переменными. Графический метод			
		решения задачи линейного			
		программирования. Область допустимых			
		решений. Оптимальный план. Примеры			
		решения графическим методом задач			
		линейного программирования размерности			
		два и три. Решение задач линейного			
		программирования в MS Excel			
5	Примеры экономических	Постановка проблемы. Формирование	1		
	ситуаций, сводящихся к	системы ограничений и целевой функции.			
	задачам линейного	Разбор примеров			
	программирования. Задача				
	составления плана				
	производства				
6	Задача о рационе	Постановка проблемы. Формирование	1		
		системы ограничений и целевой функции.			
		Разбор примеров			
7	Транспортная задача	Постановка проблемы. Формирование	1		
		системы ограничений и целевой функции.			
		Разбор примеров			
8	Задача комплексного	Постановка проблемы. Формирование	1		
	использования сырья на	системы ограничений и целевой функции.			
	примере рационального	Разбор примеров			
	раскроя материала	1 1 1			
9	Задача загрузки	Постановка проблемы. Формирование	1		
	оборудования	системы ограничений и целевой функции.			
	17/1	Разбор примеров			
10	Практикум	Решение задач	3		
11	Зачёт		1		
	1				

Тема 2.			10
Временные ряды: искусство прогнозирования			
12	Понятие временного ряда.	Примеры построения моделей временного	3
		ряда. Условия применения моделей	
		временных рядов. Виды рядов.	
		Характеристики рядов	
13	Методы анализа	Прогнозирование. Метод скользящего	3
	временных рядов	среднего. Метод избранных точек.	
		Построение тренда. Анализ временногоряда	
		в MS Excel	
14	Построение тренда	Расчёт коэффициентов линейного,	3
	методом наименьших	параболического и гиперболического	
	квадратов	трендов. Построение тренда в MS Excel	
15	Зачет		1
Тема 3.			
Некоторые прикладные модели: тактика и стратегия успеха			
16	Применение	Предельные величины. Модель спроса и	4
	математического анализа	предложения. Модель управления	
	и геометрии в экономике	запасами	
17	Графы и сети. Элементы	Графы. Дерево решений. Задача о	4
	теории игр	соединении городов. Кратчайший путь.	
		Критический путь. Элементы теории игр в	
		задачах	
Защита индивидуального проекта			2
Итого за курс			34

### Список литературы

- 1. Акулич И. Л. Математическое программирование в примерах и задачах/ И.Л. Акулич. М.: Лань, 2011.
- 2. Моисеев Н. Н. Алгоритмы развития / Н. Н. Моисеев. М.: Наука, 1987г.
- 3. Бахвалов Н. С. Численные методы: учебное пособие для вузов / Н. С. Бахвалов, Н. П. Жидков, Г. М. Кобельков. М.: Бином, 2003.
- 4. Вентцель Е. С. Исследование операций: Задачи, принципы, методология / Е.С. Вентцель. М.: КноРус, 2014.
- 5. Власов М. П. Моделирование экономических процессов: учебник / М. П. Власов. Ростов н/Д: Феникс, 2005.
- 6. Оуэн Г. Теория игр / Г. Оуэн. М.: ЛКИ, 2010.
- 7. Далингер В. А. Методика обучения геометрии посредством решения задач: учебное пособие для бакалавриата / В. А. Далингер. М.: Юрайт, 2018.
- 8. Дубина И. Н. Основы математического моделирования социально-экономических процессов: учебник и практикум / И. Н. Дубина. М.:Юрайт, 2016.
- 9. Думная Н. Экономика: учебное пособие / Н. Думная. М.: КноРус, 2016.
- 10. Замков О. О. Математические методы в экономике / О. О. Замков, А. В. Толстопятов, Ю. А. Черемных. М.: Дело и Сервис, 2001.
- 11. Интрилигатор М. Математические методы оптимизации и экономическая теория / М. Интрилигатор. М.: Айрис-Пресс, 2002.
- 12. Астафьева В. В. Компьютерное моделирование в России / В. В. Астафьева // Молодой учёный. 2016. № 21. С. 747—750.
- 13. Канторович Л. В. Математико-экономические работы / Л. В. Канторович. Новосибирск: Наука, 2011.

- 14. Количественные методы разработки и принятия решений в менеджменте. Компьютерное моделирование в Microsoft Excel. Практикум: учебное пособие. М.: Ленанд, 2018.
- 15. Королёв А. В. Экономико-математические методы и моделирование: учебник и практикум для бакалавриата и магистратуры / А. В. Королёв. М.: Юрайт, 2018.
- 16. Красс М. С. Математика в экономике: Математические методы и модели: учебник для бакалавров / М. С. Красс, Б. П. Чупрынов; под ред. М. С. Красса. М.: Юрайт, 2013.
- 17. Лихтенштейн В. Е. Экономико-математическое моделирование. Менеджерам. Экономистам. Маркетологам. Исследователям. Аналитикам: учебное пособие / В. Е. Лихтенштейн. М.: Приор, 2011.
- 18. Моисеев Н. Н. Люди и кибернетика / Н. Н. Моисеев. М.: Молодая гвардия, 1984.
- 19. Моисеев Н. Н. Математика ставит эксперимент / Н. Н. Моисеев. М.: Наука, 1979.
- 20. Математика в экономике: учебник: в 3 ч. / А. С. Солодовников, В. А. Бабайцев, А. В. Браилов. М.: Финансы и статистика, 2008.
- 21. Математическая составляющая / ред.-сост. Н. Н. Андреев, С. П. Коновалов, Н. М. Панюнин. М.: Фонд «Математические этюды», 2015.
- 22. Методы оптимальных решений (экономико-математические методы и модели): учебное пособие / под ред. С. Макарова. М.: КноРус, 2019.
- 23. Моделирование систем и процессов: учебник / под ред. Н. В. Волковой, В. Н. Козлова. М.: Юрайт, 2015.
- 24. Моделирование экономических процессов: учебник для студентов вузов, обучающихся по специальностям экономики и управления / под ред. М. В. Грачёвой, Л. Н. Фадеевой, Ю. Н. Черемных. М.: ЮнитиДана, 2005.
- 25. Надеждин Е. Н. Математические методы и модели в экономике: учебное пособие для студентов экономических специальностей / Е. Н. Надеждин, Е. Е. Смирнова, В. С. Варзаков. Тула: Институт экономики и управления, 2011.
- 26. Новиков А. И. Экономико-математические методы и модели / А. И. Новиков. М.: «Дашков и К», 2017.
- 27. Орлова И. В. Экономико-математическое моделирование: практическое пособие по решению задач в Excel / И. В. Орлова, М. Г. Бич. М.: Вузовский учебник, 2018.
- 28. Павлидис В. Д. Практикум по экономико-математическим методам / В. Д. Павлидис, М. В. Чкалова. М.: Омега-Л, 2014.
- 29. Попов А. М. Экономико-математические методы и модели: учебник для прикладного бакалавриата / А. М. Попов, В. Н. Сотников. М.: Юрайт, 2017.
- 30. Самарский А. А. Математическое моделирование: Идеи. Методы. Примеры
- / A. A. Самарский. M.: Физматлит, 2005.
- 31. Светлов Н. М. Альбом наглядных пособий по экономикоматематическому моделированию: учебное пособие для студентов бакалавриата по направлению «Менеджмент» / Н. М. Светлов. М.: РГАУ МСХА им. К. А. Тимирязева, 2008.
- 32. Трусов П. В. Введение в математическое моделирование: учебное пособие / П. В. Трусов. М.: Логос, 2016.
- 33. Федосеев В. Экономико-математические модели и прогнозирование рынка труда: учебное пособие / В. Федосеев. М.: Инфра-М, 2015.
- 34. Хижняк А. Н. Основы эффективного менеджмента: учебное пособие / А. Н. Хижняк, И. Е. Светлов. М.: Инфра-М, 2015.
- 35. Шикин Е. В. Математические методы и модели в управлении:

учебное пособие для вузов / Е. В. Шикин, А. Г. Чхартишвили. — М.: КДУ, 2013.

36. Экономико-математические методы в примерах и задачах: учебное пособие

/ под ред. А. Гармаш. — М.: Вузовский учебник, 2014.

37. Экономико-математические методы и модели: компьютерное моделирование: учебное пособие / авт.-сост. И. В. Орлова, В. А. Половников. — М.: Вузовский учебник, 2018.

### Интернет-ресурсы

- 1. http://asmlocator.ru/viewtopic.php?p=338815
- $\begin{array}{ll} \textbf{2.} & \underline{\text{http://www.booksshare.net/index.php?id1=4\&category=biol\&author=moiseevnn\&booksshare.net/index.php?id1=4\&category=biol\&author=moiseevnn\&booksshare.net/index.php?id1=4\&category=biol\&author=moiseevnn\&booksshare.net/index.php?id1=4\&category=biol\&author=moiseevnn\&booksshare.net/index.php?id1=4\&category=biol\&author=moiseevnn\&booksshare.net/index.php?id1=4\&category=biol\&author=moiseevnn\&booksshare.net/index.php?id1=4\&category=biol\&author=moiseevnn\&booksshare.net/index.php?id1=4\&category=biol\&author=moiseevnn\&booksshare.net/index.php?id1=4\&category=biol\&author=moiseevnn\&booksshare.net/index.php?id1=4\&category=biol\&author=moiseevnn\&booksshare.net/index.php?id1=4\&category=biol\&author=moiseevnn\&booksshare.net/index.php?id1=4\&category=biol\&author=moiseevnn\&booksshare.net/index.php?id1=4\&category=biol\&author=moiseevnn\&booksshare.net/index.php?id1=4\&category=biol\&author=moiseevnn\&booksshare.net/index.php?id1=4\&category=biol\&author=moiseevnn\&booksshare.net/index.php?id1=4\&category=biol\&author=moiseevnn\&booksshare.net/index.php?id1=4\&category=biol\&author=moiseevnn&biol\&author=mo$
- 3. http://bookre.org/reader?file=445072
- 4. <a href="http://bookre.org/reader?file=445892&pg=3">http://bookre.org/reader?file=445892&pg=3</a>
- 5. <a href="http://bookre.org/reader?file=770054&pg=1">http://bookre.org/reader?file=770054&pg=1</a>
- 6. https://moluch.ru/archive/125/34919
- 7. http://math.nsc.ru/LBRT/g2/english/ssk/selecta.pdf
- 8. <a href="http://bookre.org/reader?file=758254">http://bookre.org/reader?file=758254</a>
- http://bookre.org/reader?file=578306
- 9. http://window.edu.ru/resource/357/62357/files/lr.pdf